

Cuaderno de actividades 4º ESO

Figuras semejantes. Teorema de Tales

Razones trigonométricas. Resolución de Triángulos

1. Los lados de un triángulo A'B'C' miden el doble que los de ABC. Si la superficie del primero es 18 dm², ¿cuál será la superficie del segundo?

2. La razón de las áreas de dos polígonos semejantes es 25/49. ¿cuál es la razón de sus lados?

Solución

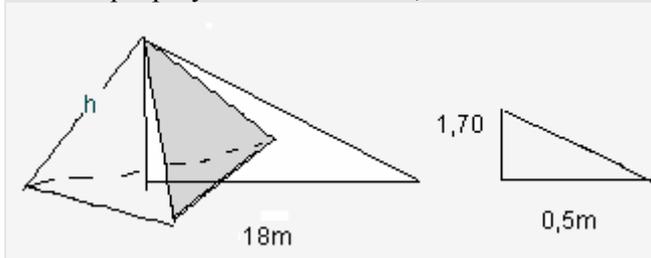
La razón de las áreas es el cuadrado de la razón de semejanza de los lados, por tanto, la de los lados es 5/7.

3. Dos ciudades que en la realidad están a 900km, aparecen en el mapa separadas 6cm. ¿A qué escala se ha dibujado el mapa?

4. Calcula la distancia a que se encuentran 2 ciudades si en el plano están a 13 cm.

Datos: escala 1: 1800000.

5. Calcula la altura de la pirámide sabiendo que la sombra que proyecta es de 18 m y que la sombra que proyecta Tales es de 0,5m. Nota. Tales mide 1,70 m.



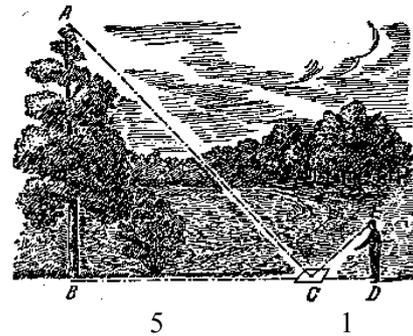
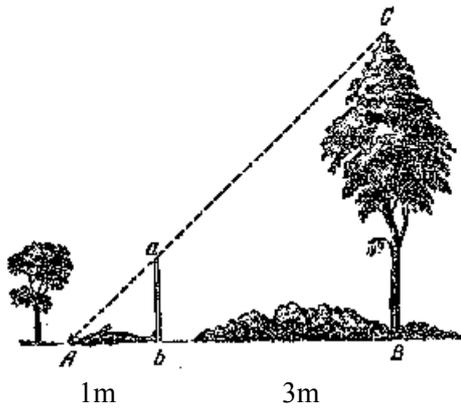
Por la semejanza de los triángulos

$$\frac{h}{1,70} = \frac{18}{0,5} \Rightarrow h = 61,2\text{m}$$

6. La sombra de un lápiz de 10cm en un determinado momento es de 25cm. ¿Cuál será en ese momento la sombra de una torre de 40m?

7. Calcula la profundidad de un pozo de diámetro 2 metros, sabiendo que alejándose 0,7m del borde, desde una altura de 1,70m vemos que la visual une el borde del pozo con la línea del fondo.

8. Cálculo de la altura del árbol de las figuras. Datos: a) longitud de la estaca (ab) 1,3 metros.
b) Altura del hombre 1,80m.



9. Dibuja un ángulo de 40° y calcula sus razones trigonométricas.

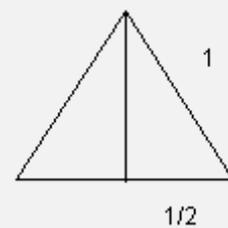
10. Calcula las razones trigonométricas del ángulo de 60° .

Solución

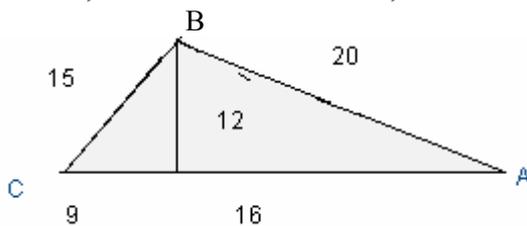
Dibujamos un triángulo equilátero, de lado 1,

La altura, h, por el teorema de Pitágoras, vale $h = \sqrt{1 - 1/4} = \sqrt{3/4} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

Por lo tanto: $\text{sen } \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $\text{cos } \alpha = \frac{1}{2}$; $\text{tg } \alpha = \sqrt{3}$



11. Calcula, de dos formas diferentes, el seno de \hat{A}



12. Sabiendo que $\sin 30^\circ = 1/2$ calcula, razonadamente, lo que vale el $\cos 60^\circ$.

13. Sabiendo que $\operatorname{tg} 60^\circ = \sqrt{3}$ calcula $\operatorname{tg} 30^\circ$.

14. Sabiendo que $\cos \alpha = 0,3$, y α agudo calcula las restantes razones trigonométricas.

Solución

Sustituyendo el valor del coseno en la fórmula fundamental de la Trigonometría:

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin^2 \alpha + 0,3^2 = 1, \text{ de donde } \sin^2 \alpha = 1 - 0,3^2 = 0,91 \Rightarrow$$

$$\sin \alpha = \sqrt{0,91} = 0,95 \quad \operatorname{tag} \alpha = \frac{0,95}{0,3} = 3,16 \quad \operatorname{cot} \alpha = \frac{0,3}{0,95} = 0,31$$

$$\sec \alpha = \frac{1}{0,3} = 3,33 \quad \operatorname{cosec} \alpha = \frac{1}{0,95} = 1,05$$

15. Calcula las razones trigonométricas del ángulo agudo α conociendo:

a) $\sin \alpha = 0,5$; b) $\cos \alpha = 1/3$; c) $\operatorname{tg} \alpha = 1/4$;

16. Calcula la altura, el lado desconocido y el área .

Solución

Se tiene

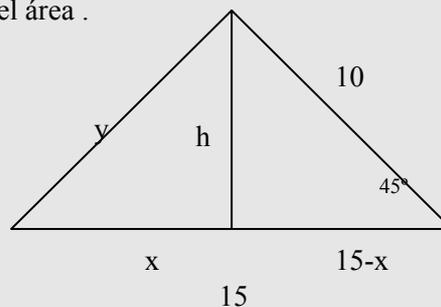
$$\sin 45^\circ = \frac{h}{10} = 0,707 \Rightarrow \mathbf{h = 7,07}$$

$$\operatorname{tg} 45^\circ = \frac{h}{15-x} = 1 \Rightarrow$$

$$7,07 = 15-x \Rightarrow x = 7,93 \text{ , Por T. Pitágoras:}$$

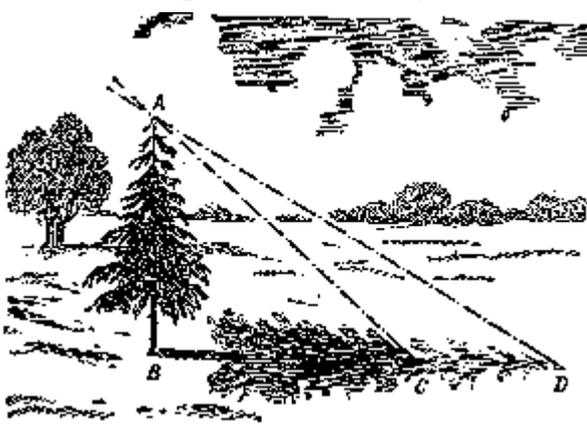
$$y^2 = x^2 + h^2 = 62,88 + 49,98 = 112,86 \Rightarrow \mathbf{y = 10,62}$$

$$\mathbf{A = (15 \cdot 7,07) / 2 = 53,25 \text{ u.s.}}$$



17. Hallar el área y los ángulos del triángulo de lados 5, 7 y 10.

18¹. Calcula la altura del árbol sabiendo que el ángulo ADC es de 30°, el ACB 45° y la distancia CD = 2m (problema de las tangentes)



Llamamos $AB = h$

$$\operatorname{tag} 30^\circ = \frac{h}{BD} = 0,57 \Rightarrow h = 0,57 \cdot BD$$

$$\operatorname{tag} 45^\circ = \frac{h}{BC} = 1 \Rightarrow h = BC$$

Como $BD = BC + 2$ se tiene
 $0,57(BC + 2) = BC$ y despejando

$$BC = 2,65 \text{ m}$$

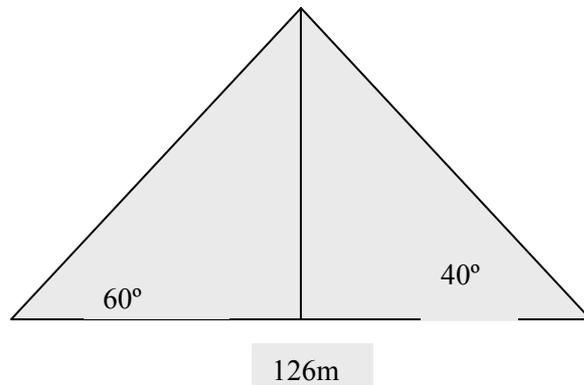
19. Epi y Blas ven pasar un avión con ángulos respectivos de 30° y 45°. Si la distancia que les separa es de 2km, calcula la altura a que vuela el avión en todos los casos posibles.

20. Calcula la altura de un semáforo, sabiendo que desde un cierto punto A, se ve bajo un ángulo de 60° y si nos alejamos 40 metros se ve bajo un ángulo de 30°.

¹ Se ha seguido un método general de resolución aunque, al ser el ángulo de 45°, el cálculo de la altura es trivial.

21. Una antena de radio está sujeta al suelo con dos cables de acero tirantes, como se indica en la figura. Calcula:

- La altura de la torre.
- La longitud de los cables.



22. La distancia de un barco a un faro es de 137 m , y a la orilla 211m. El ángulo bajo el cual se ve desde el barco el segmento cuyos extremos son el faro y la orilla es de 43°. ¿Qué distancia hay entre el faro y la orilla?

faro

137 m

barco

sen $43^\circ = h/137$

$h = 137 \cdot \text{sen } 43^\circ = 93,43 \text{ m}$

cos $43^\circ = x/137$

$x = 137 \cdot \text{cos } 43^\circ = 100,20$

$211 - 100,20 = 110,80 \text{ m}$

Aplicando el T. Pitágoras

$y^2 = 93,43^2 + 110,80^2 = 21005,18$

$y = 144,93 \text{ m}$

orilla

23. Dos barcos salen de un puerto con rumbos distintos formando un ángulo de 54°, y con velocidades de 21 y 24 millas/h, respectivamente. ¿A qué distancia se encontrarán al cabo de una hora?